

**КОМБІНОВАНА МОДЕЛЬ ПОДАННЯ ЗНАНЬ НА ОСНОВІ ПРЕДИКАТИВ, НЕЧІТКОЇ ЛОГІКИ ТА СЕМАНТИЧНИХ МЕРЕЖ**

**Вступ та постановка завдання**

Аналіз існуючої теорії штучного інтелекту, а саме, моделей подання знань в інформаційних системах дозволяє зробити висновок про значні переваги комбінованих мережевих моделей, які в змозі враховувати нечіткий характер змісту інформації [1,2]. При цьому досить відомі переваги як семантичних мереж, так і теорії предикатів. Тому в якості математичної моделі подання знань для широкого кола систем доцільно обрати семантичну мережу, побудовану з використанням апарату нечітких множин. Нехай дано  $N$ -арну неоднорідну семантичну мережу  $S = (V, D, \Gamma)$ , де  $V$  – множина вершин (понять) мережі з потужністю  $|V| = n$ ;  $D$  – множина дуг (відносин між поняттями) мережі з потужністю  $|D| = m$ ;  $\Gamma = (\Gamma_V, \Gamma_D)$  – множина ваг вершин і дуг мережі відповідно з потужністю  $|\Gamma| = |\Gamma_V \cup \Gamma_D| = n + m$ ,  $n, m \in N$ ,  $\gamma_i \in \Gamma_V$ ,  $i = \overline{1, n}$ ;  $\gamma_j \in \Gamma_D$ ,  $j = \overline{n+1, m}$  (рис. 1).

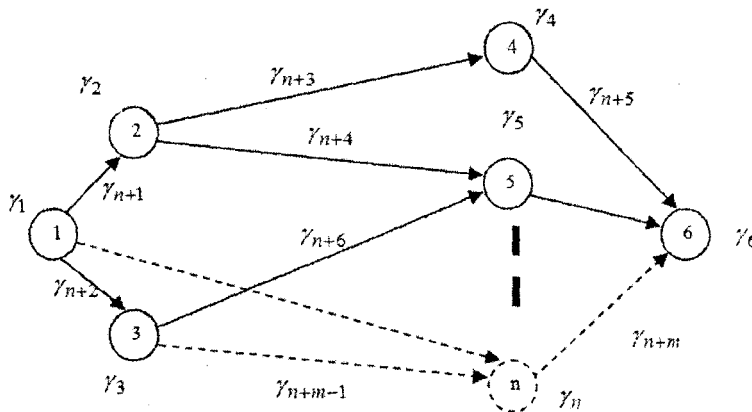


Рис. 1.  $N$ -арна неоднорідна семантична мережа  $S = (V, D, \Gamma)$

Сучасна теорія навантажених орграфів у достатньому обсязі розроблена для випадку коли  $|\Gamma| = |\Gamma_D| = m$ ,  $m \in N$ , тобто враховуються тільки ваги дуг, а  $\Gamma_V = \emptyset$  [3,4]. Таким чином, виникло теоретичне завдання математичної формалізації  $N$ -арної неоднорідної семантичної мережі  $S = (V, D, \Gamma)$ .

**Основні результати**

В дійсній статті автором пропонується наступний підхід щодо розв’язання даного завдання. Введемо поняття «елементарна семантична мережа 1-го роду», як мережа із двох вершин і дуги між ними з відповідними вагами (рис. 2).

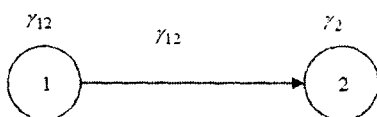


Рис. 2. Елементарна семантична мережа 1-го роду

Тоді логічно ввести поняття «наведена елементарна семантична мережа 1-го роду» з вагою дуги  $\gamma$ , що відповідає елементарній семантичній мережі 1-го роду (рис. 3).

$$\gamma = \Theta_k(\gamma_1, \gamma_2, \gamma_{12}) \equiv m, \quad m^T = (m_0, m_1), \quad (1)$$

де  $\Theta_k(\gamma_1, \gamma_2, \gamma_{12}) \equiv m$  – предикат, що приймає значення нечіткого логічного вектора.

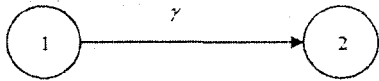


Рис. 3. Наведена елементарна семантична мережа 1-го роду

Очевидно, що мережа (рис. 3) отримана після перетворення мережі (рис. 2). Область значення предиката розширена від традиційних 0 або 1 до нечіткого двохкомпонентного логічного вектора [5,6]  $m_{ijk}^T = (m_{0ijk}, m_{1ijk})$ , при цьому, якщо  $m_{ijk}^T = (0, 1)$ , то вектор приймає значення «істинно», а якщо  $m_{ijk}^T = (1, 0)$ , то – «хибно».

Крім цього повинні бути виконані умови

$$0 \geq m_{0ilk}, m_{1ilk} \geq 1, m_{0ijk} + m_{0ilk} = 1. \quad (2)$$

Значення вектора  $\overline{m_{ijk}}$  відповідає перестановці його елементів  $\overline{m_{ilk}} = (m_{1ijk}, m_{0ilk})$ . Мірою нечіткості логічного вектора  $m_{ilk}$  служить ентропія  $S(m_{ijk}) = -m_{0ijk} \log_2 m_{0ijk} - m_{1ijk} \log_2 m_{1ijk}$ . Мірою нечіткості семантичної мережі є величина

$$S(M) = \sum_{i,j} S(m_{ijk}), \text{ де } m_{ijk} \in M, i = \overline{1, l}, j = \overline{1, c}, i, j \in N.$$

Кожній логічній операції між векторними змінними відповідає тензор 3-го рангу. При цьому тензори зберігають той вид, що вони мали у векторному поданні традиційної чіткої логіки. Це дозволяє однозначно описати операції над нечіткими логічними змінними. Крім того, між операціями зберігаються ті ж зв'язки, які мали місце в чіткій логіці. Істотна зручність векторного подання полягає в тому, що операції над логічними змінними можуть бути подані в матричному вигляді [5]. Запропонований підхід відрізняється від існуючої теорії нечітких предикатів тим, що замість значення нечіткого логічного вектора предикату ставиться у відповідність нечітка семантична мережа. Це дозволяє при логічних висновках об'єднати переваги теорії предикатів, векторного подання логічної змінної й теорії матриць.

Введемо поняття «елементарна семантична мережа 2-роду»  $S = (V, D, \Gamma)$ ,  $|V| = n$ ,  $|D| = m$ ,  $|\Gamma| = |\Gamma_V \cup \Gamma_D| = n + m$ ,  $n, m \in N$ , як мережа, що у результаті перетворень (1), (2) може стати так званою «приведеною елементарною семантичною мережею 2-роду»  $S^* = (V^*, D^*, \Gamma^*)$ , для якої

$$|V| > |V^*| > 2; |D| > |D^*| > 1; |\Gamma| > |\Gamma^*| > 3. \quad (3)$$

Таким чином, запропонований підхід дозволив розв'язати теоретичну проблему математичної формалізації  $N$ -арної неоднорідної семантичної мережі.

Найбільш перспективною, на думку автора, є, розроблена модель, що поєднує переваги теорій предикатів, нечіткої логіки й семантичних мереж.

**Визначення.** Нехай змінні  $\gamma_1, \gamma_2, \dots, \gamma_{n+m}$  приймають значення, що належать довільним множинам:  $\gamma_i \in \Gamma_V, i=1, 2, \dots, n, \gamma_j \in \Gamma_D, j=n+1, n+2, \dots, m$ , тоді функція  $y = \Theta(\gamma_1, \gamma_2, \dots, \gamma_{n+m})$ , якій можна поставити у відповідність нечітку семантичну мережу  $S = (V, D, \Gamma)$ , тобто  $\Theta(\gamma_1, \gamma_2, \dots, \gamma_{n+m}) \equiv S$ , де  $V$  – множина вершин (понять) мережі з потужністю  $|V|=n$ ;  $D$  – множина дуг (відносин між поняттями) мережі з потужністю  $|D|=m$ ;  $\Gamma = (\Gamma_V, \Gamma_D)$  – множина ваг вершин і дуг мережі відповідно з потужністю  $|\Gamma| = |\Gamma_V \cup \Gamma_D| = n+m, n, m \in \mathbb{N}, \gamma_i \in \Gamma_V, i = \overline{1, n}; \gamma_j \in \Gamma_D, j = \overline{n+1, m}$  називається  $n+m$  – арним предикатом на нечіткій семантичній мережі.

Через те, що будь-яку нечітку семантичну мережу  $S = (V, D, \Gamma)$  можна представити навантаженим оргграфом у вигляді наведеної елементарної семантичної мережі 2-роду, то вищевказану мережу можна описати однією й тільки однією матрицею суміжності  $M$ . Таким чином, математична формалізація даного твердження має вигляд

$$\forall \gamma_i \in V, i = \overline{1, n}, \gamma_j \in D, j = \overline{n+1, m} \Rightarrow \exists$$

$$\Theta_k(x_1, x_2, \dots, x_m) \equiv \begin{pmatrix} m_{11k} & m_{12k} & \dots & m_{1ck} \\ m_{21k} & m_{22k} & \dots & m_{2ck} \\ \vdots & & \dots & \vdots \\ m_{l1k} & m_{l2k} & \dots & m_{lck} \end{pmatrix}. \quad (4)$$

Область значень елементів матриці суміжності розширена від традиційних 0 або 1 до нечіткого двохкомпонентного логічного вектора  $m_{ijk}^T = (m_{0ijk}, m_{1ijk})$ . Отже, логіка нечітких предикатів розвинена у векторно-матричному поданні. Предикат представимо як векторне поле нечітких змінних над заданою множиною термів.

«Чіткі», тобто класичні предикати визначаються як функції на множині «термів»  $M$ , що приймають значення в 34улевому просторі  $B = \{0, 1\}$ . Так, якщо,  $M = \{\gamma_1, \gamma_2, \gamma_3, \gamma_4, \gamma_5\}$ , то прикладом унарного предиката  $P(m)$ , де  $m \in M$ , може служити функція

$$\begin{matrix} m & \gamma_1 & \gamma_2 & \gamma_3 & \gamma_4 & \gamma_5 \\ P(m) & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \end{matrix}, \quad (5)$$

Аналогічно визначаються бінарні, тернарні й т.п. предикати. Наприклад, бінарний предикат  $P(m, y), m \in M, y \in N$  визначений на множині  $M \otimes N$ .

Нечіткий предикат  $P(m)$  визначаємо як функцію, задану на множині  $M$  яка приймає значення в просторі векторних нечітких змінних  $F$ , що було визначено вище. Отже,

областю значень предиката є нечіткі логічні вектори,  $P(m) \in F$  або  $[P(m)]^T = (P_0(m), P_1(m))$ , причому для всіх  $m$  справедливим є:

$$0 \leq P_0(m), P_1(m) \leq 1, \quad P_0(m) + P_1(m) = 1. \quad (6)$$

Таким чином, нечіткий предикат  $P(m)$  задає на  $M$  деяке векторне поле, як це показано на рис. 4.

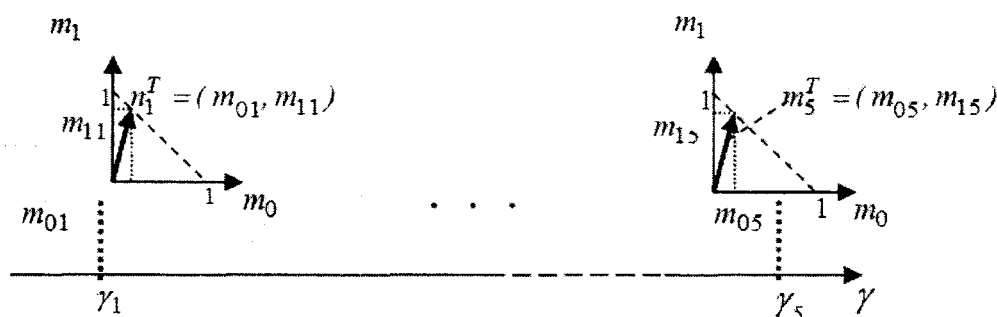


Рис. 4. Приклад нечіткого предиката  $P(m)$  як векторного поля нечітких змінних, заданого на множині  $M = \{\gamma_1, \gamma_2, \gamma_3, \gamma_4, \gamma_5\}$

Удосконалена схема застосування нечітких предикатів у векторно-матричному поданні [5,6] дозволяє ввести логічні операції без довільних допущень. Велика зручність векторного подання полягає в тому, що операції над логічними змінними можуть бути подані в матричному вигляді. У результаті отримано гнучку й обґрунтовану систему розрахунків, яка містить емпіричні експертні оцінки тільки «на вході» алгоритмів.

Виходячи з вищезазначеного, модель подання знань, що розроблена зображена на рис. 5.

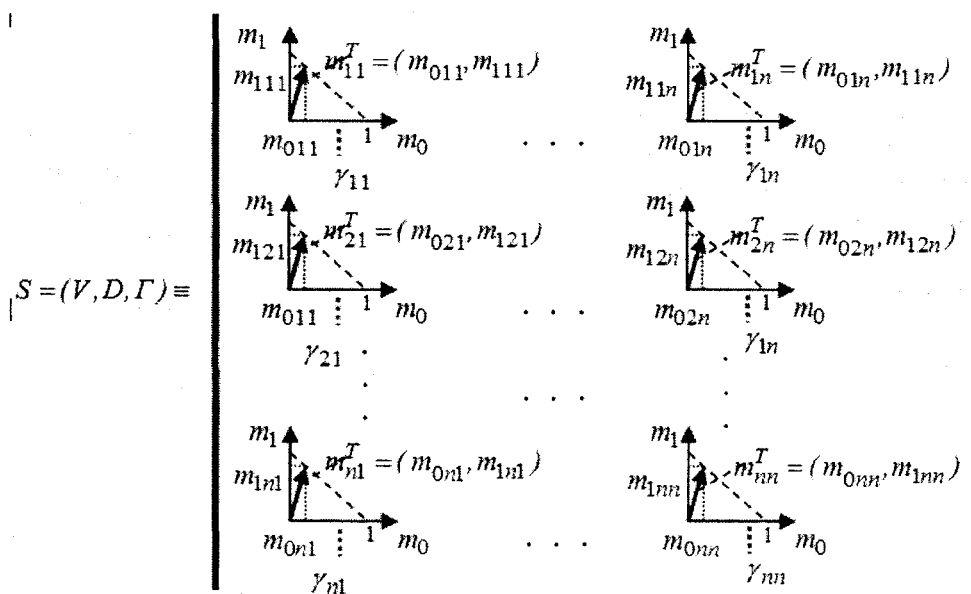


Рис. 5. Матриця суміжності  $N$ -арної неоднорідної семантичної мережі  $S = (V, D, \Gamma)$

### Висновки

Таким чином, вирішено актуальне теоретичне завдання, з яким доводиться зіштовхуватися при моделюванні знань у вигляді  $N$ -арної неоднорідної семантичної мережі – завдання її формального подання. Сучасна теорія навантажених орграфів, яка більш за все підходить для цієї мети, розроблена для випадку, коли враховуються тільки ваги дуг, а ваги вершин відсутні. Запропонований підхід на основі використання елементарних семантичних мереж 1-го та 2-го роду дозволив вирішити завдання математичної формалізації  $N$ -арної неоднорідної семантичної мережі.

### Список літератури

1. Голец И.Н. Модель подання знаній в інтелектуальній системі дистанційного образования / И. Н. Голец, Д. И. Попов // Тематический выпуск. Интеллектуальные САПР. – Таганрог: Известия ТРТУ, 2001. – С. 332–336.
2. Искусственный интеллект / В 3-х кн. Кн. 2. Модели и методы: Справочник: [под ред. Д. А. Поспелова]. // – М. : Радио и связь, 1990. – 304 с.
3. Белов В.В. Теория графов / В. В.Белов, Е. М.Воробьев, В. Е. Шаталов // – М.: Высшая школа, 1976. – 392 с.
4. Асанов М.О. Дискретная математика: графы, матроиды, алгоритмы / М.О. Асанов, В.А. Баранский, В.В. Расин // – Ижевск: НИЦ «Регулярная и хаотическая динамика», 2001. – 288 с.
5. Марценюк М.А. Матричное подание нечеткой логики / М.А. Марценюк // Нечеткие системы и мягкие вычисления. – 2007. – Т. 2. – № 3. – С. 7–36.
6. Mizraji E. Vector logics: The matrix-vector representation of logical calculus / Mizraji E. // Fuzzy Sets and Systems. – 1992. – V. 50. – P.179–185.

*Рецензент: Кунях Н.І.  
Надійшла 27.01.2011*

УДК: 004.056.5:519.17

Мартынова О.П. (Нац. авиац. унив.)

## ИЕРАРХИЧЕСКАЯ И МНОГОПУТЕВАЯ МНОГОКРИТЕРИАЛЬНАЯ МАРШРУТИЗАЦИЯ В КОМПЬЮТЕРНЫХ СЕТЯХ

Развитие компьютерных сетей и информационных технологий требует комплексного решения задачи повышения эффективности передачи информации, совместно с решением задачи защиты передаваемой информации. Необходимость обеспечения информационной безопасности пользователей компьютерных сетей вызвана широким использованием их в государственных и финансовых организациях, в промышленных предприятиях и в организациях оборонного комплекса. Перспективным является направление повышения уровня защищенности компьютерных сетей, которое связано с совершенствованием методов маршрутизации передачи информации в сетях с учетом рисков потери информации, ее модификации и воздействий внешних факторов на каналы передачи информации.

Анализ последних исследований и публикаций [1] позволяет сделать вывод о том, что повышение уровня защищенности компьютерных сетей можно достичь методом многокритериальной маршрутизации, который позволяет учесть качество обслуживания и информационную безопасность пользователей компьютерных сетей. Недостаток предложенного в работе [1] метода многокритериальной маршрутизации заключается в выборе единственного маршрута, который соответствует Парето-оптимальному решению по нескольким критериям качества.

Цель работы заключается в разработке методов иерархической и многопутевой многокритериальной маршрутизации компьютерных сетей.